

CÀLCUL DIFERENCIAL

Conceptualització

La derivada d'una funció f en un punt a coincideix amb el pendent de la recta tangent a la gràfica de la funció f en el punt $x = a$.

La funció derivada f' és la funció que aplica a cada x la derivada de la funció en aquell punt. La seva expressió es calcula:

$$f'(x) = \lim_{\eta \rightarrow 0} \frac{f(x + \eta) - f(x)}{\eta}$$

Regles de Derivació

REGLA DE LA COMBINACIÓ LINEAL

$$f(x) = \alpha g(x) + \beta h(x) \implies$$

$$f'(x) = \alpha g'(x) + \beta h'(x)$$

REGLA DEL PRODUCTE

$$f(x) = g(x) \cdot h(x) \implies$$

$$f'(x) = g'(x) \cdot h(x) + g(x) \cdot h'(x)$$

REGLA DE LA FUNCIÓ COMPOSTA (DE LA CADENA)

$$f(x) = g(h(x)) \implies$$

$$f'(x) = g'(h(x)) \cdot h'(x)$$

REGLA DEL QUOCIENT

$$f(x) = \frac{g(x)}{h(x)} \implies$$

$$f'(x) = \frac{g'(x) \cdot h(x) - g(x) \cdot h'(x)}{[h(x)]^2}$$

Taula de Derivades Simples

$$f(x) = k \Leftrightarrow f'(x) = 0$$

$$f(x) = x^n \Leftrightarrow f'(x) = n \cdot x^{n-1}$$

$$\# f(x) = \frac{1}{x} \Leftrightarrow f'(x) = \frac{-1}{x^2}$$

$$\# f(x) = \sqrt{x} \Leftrightarrow f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$f(x) = \sin(x) \Leftrightarrow f'(x) = \cos(x)$$

$$f(x) = \cos(x) \Leftrightarrow f'(x) = -\sin(x)$$

$$f(x) = \tan(x) \Leftrightarrow f'(x) = \sec^2(x)$$

$$f(x) = \ln(x) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{1}{x}$$

$$f(x) = \log_a(x) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{1}{\ln(a) \cdot x}$$

$$f(x) = e^x \Leftrightarrow f'(x) = e^x$$

$$f(x) = a^x \Leftrightarrow f'(x) = a^x \ln(a)$$

$$f(x) = \arcsin(x) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$f(x) = \arccos(x) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$f(x) = \arctan(x) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{1}{1+x^2}$$

Taula de Derivades Compostes

$$f(x) = k \Leftrightarrow f'(x) = 0$$

$$f(x) = [u(x)]^n \Leftrightarrow f'(x) = n \cdot [u(x)]^{n-1} \cdot u'(x)$$

$$\# f(x) = \frac{1}{u(x)} \Leftrightarrow f'(x) = -\frac{u'(x)}{[u(x)]^2}$$

$$\# f(x) = \sqrt{u(x)} \Leftrightarrow f'(x) = \frac{u'(x)}{2\sqrt{u(x)}}$$

$$f(x) = \sin(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \cos(u(x)) \cdot u'(x)$$

$$f(x) = \cos(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = -\sin(u(x)) \cdot u'(x)$$

$$f(x) = \tan(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \sec^2(x) \cdot u'(x)$$

$$f(x) = \ln(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{u'(x)}{u(x)}$$

$$f(x) = \log_a(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{u'(x)}{\ln(a) \cdot u(x)}$$

$$f(x) = e^{u(x)} \Leftrightarrow f'(x) = e^{u(x)} \cdot u'(x)$$

$$f(x) = a^{u(x)} \Leftrightarrow f'(x) = a^{u(x)} \ln(a) \cdot u'(x)$$

$$f(x) = \arcsin(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{u'(x)}{\sqrt{1-[u(x)]^2}}$$

$$f(x) = \arccos(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{-u'(x)}{\sqrt{1-[u(x)]^2}}$$

$$f(x) = \arctan(u(x)) \Leftrightarrow f'(x) = \frac{u'(x)}{1+[u(x)]^2}$$